

**ชุมนุมวิชาการ**  
**คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์**  
**ข้อสอบ Quiz ครั้งที่ 2**  
**โครงการวิศวกรรมบริการครั้งที่ 23**

**วิชาคณิตศาสตร์**

1. ถ้า  $\operatorname{cosec} \theta = \frac{1+x^2}{1-x^2}$  จงหาค่าของ  $\tan \theta + \sec \theta$ 

ก.  $2x$                       ข.  $\frac{1+x^2}{2x}$                       ค.  $\frac{1-x^2}{2x}$                       ง.  $\frac{1}{x}$
2. จงหาค่าของ  $\sin^2\left(\frac{\pi}{6}\right) - \frac{1}{2}\operatorname{csc}^2\left(\frac{9\pi}{4}\right) + \cos^2\left(\frac{\pi}{6}\right) + \sec^2\left(\frac{\pi}{3}\right) - \tan^2\left(\frac{\pi}{3}\right)$ 

ก.  $\frac{1}{2}$                       ข.  $1$                       ค.  $\frac{3}{2}$                       ง.  $2$
3. รูปสามเหลี่ยม ABC มี a, b, c เป็นความยาวของด้านตรงข้ามมุม A, B, C ตามลำดับ ถ้า  $\cos B = \frac{1}{4}$  และ  $(a+b+c)(a-b+c) = 30$  แล้ว ac มีค่าเท่ากับข้อใด

ก. 12                      ข. 20                      ค.  $\frac{20}{5}$                       ง.  $\frac{40}{3}$
4. กำหนดให้  $\cos A = \frac{3}{4}$  จงหาค่าของ  $64\sin\frac{A}{2}\cos 2A$ 

ก.  $2\sqrt{2}$                       ข.  $4\sqrt{2}$                       ค.  $6\sqrt{2}$                       ง.  $8\sqrt{2}$
5. ให้ x และ y เป็นจำนวนจริง จงหาค่าของ  $\frac{x}{y}$  และ xy จากสมการต่อไปนี้
$$81^{2x-y} = 243 \text{ และ } 16^{x-y} = 64$$

ก.  $\frac{-1}{7}, \frac{-7}{16}$                       ข.  $\frac{1}{7}, \frac{7}{16}$                       ค.  $-7, \frac{-7}{16}$                       ง.  $7, \frac{7}{16}$
6. กำหนดให้  $A = \log_{10} 6 * \log_6 8 * \log_8 1000$   
 $B = \log_{16} 32 - \log_{16} 64 + \log_2 8 + \log_{81} 3$   
 จงหาค่าของ  $\log_A B$ 

ก. 1                      ข. -1                      ค. 3                      ง. -3
7. ถ้า  $2z^3 = 1 + \sqrt{3}i$  และ  $\frac{z^{18}}{i-z^{27}} = a + bi$  เมื่อ a, b เป็นจำนวนจริงแล้ว a + b มีค่าเท่าใด

ก.  $-\frac{1}{2}$                       ข. 0                      ค.  $\frac{1}{2}$                       ง. 1



5. คลื่นน้ำขบวนหนึ่งเคลื่อนที่จากน้ำตื้นมาน้ำลึก โดยรังสีของคลื่นตกกระทบทำมุม 60 องศา กับรอยต่อระหว่างน้ำตื้นกับน้ำลึก ถ้าความยาวคลื่นในน้ำลึกเป็น  $\sqrt{3}$  เท่าของน้ำในน้ำตื้น จงหามุมหักเห

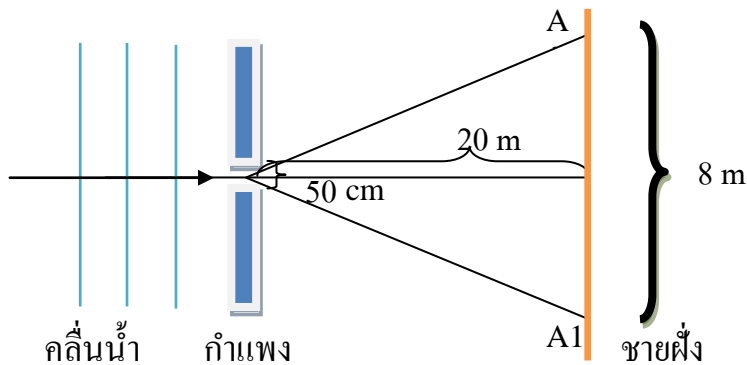
ก.  $30^\circ$

ข.  $37^\circ$

ค.  $45^\circ$

ง.  $60^\circ$

6. โทริโกะไปที่ชายหาด มองเห็นคลื่นน้ำเคลื่อนที่เข้าฝั่ง ผ่านกำแพงที่อยู่ไกลจากฝั่ง 20 m ซึ่งปลายด้านในของกำแพงห่างกัน 50 cm ทำให้เกิดการแทรกสอดขึ้น ถ้าระยะระหว่างปฏิบัพแรกที่ชายฝั่งเท่ากับ 8 m คลื่นน้ำมีความยาวคลื่นเท่าใด ถ้าสมมุติให้ความลึกของน้ำเท่ากันตลอดจนถึงฝั่ง



ก. 1 m

ข.  $\frac{1}{10}$  m

ค.  $\frac{1}{15}$  m

ง.  $\frac{1}{30}$  m

7. ที่อุณหภูมิ  $30^\circ\text{C}$  ส้อมเสียงอันหนึ่งเกิดสั่นพ้องครั้งแรกในหลอดก้ำทอนปลายปิดหนึ่งข้าง ที่ระยะความยาวน้อยที่สุด 25 cm ส้อมเสียงอันนี้ให้ความถี่เท่าใด

ก. 340 Hz

ข. 349 Hz

ค. 698 Hz

ง. 1400 Hz

8. รถไฟขบวนหนึ่งกำลังเคลื่อนที่เข้าสู่ชานชาลาสถานี ด้วยอัตราเร็ว 30 m/s พร้อมทั้งเปิดหวูดซึ่งมีความถี่ 100 Hz รถยนต์คันหนึ่งกำลังวิ่งสวนทางกับรถไฟบนถนนขนานกับทางรถไฟด้วยอัตราเร็ว 50 m/s จงหาความถี่ที่ปรากฏของเสียงหวูดต่อคนขับรถคันนั้น (กำหนด อัตราเร็วเสียงในอากาศ 350 m/s)

ก. 93.8 Hz

ข. 100 Hz

ค. 105 Hz

ง. 125 Hz



